

要 点

平行線と比

$\triangle ABC$ の辺 AB , AC 上, またはそれらの延長上に
それぞれ点 P , Q があるとき

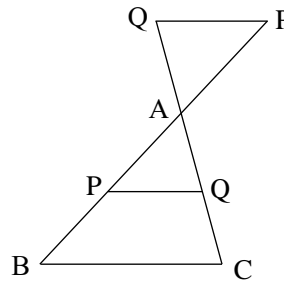
① $PQ \parallel BC$ ならば

$$AP : AB = AQ : AC = PQ : BC$$

$$AP : PB = AQ : QC$$

② $AP : AB = AQ : AC$ ならば $PQ \parallel BC$

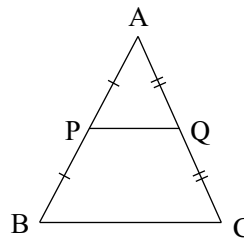
$$AP : PB = AQ : QC \text{ ならば } PQ \parallel BC$$



中点連結定理

$\triangle ABC$ において, 点 P , Q がそれぞれ
辺 AB , AC の中点であるとき

$$PQ \parallel BC, \quad PQ = \frac{1}{2} BC$$



解答

$$PQ = \frac{1}{2} BC \text{ から } x = \frac{1}{2} \cdot 12 = 6$$

$$AR : AB = RS : BC \text{ から } 5 : 2y = 3 : 12$$

$$\text{これから } 6y = 60 \text{ よって } y = 10$$

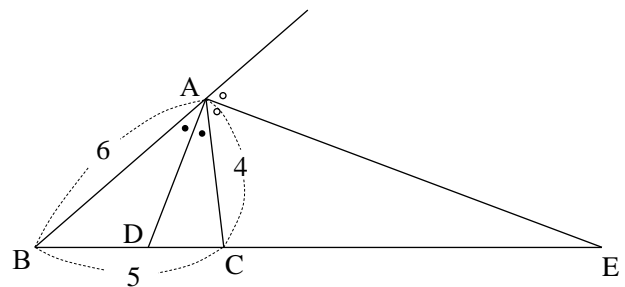
③ 角の二等分線と比

$AB=6$, $BC=5$, $CA=4$ である $\triangle ABC$ において,
 $\angle A$ の二等分線と辺 BC との交点を D とし, $\angle A$
の外角の二等分線と辺 BC の延長との交点を E と
する。

次の線分の長さを求めよ。

(1) DC

(2) CE

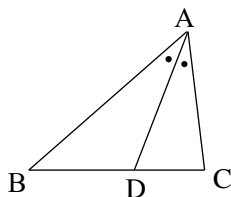


要 点

角の二等分線と比

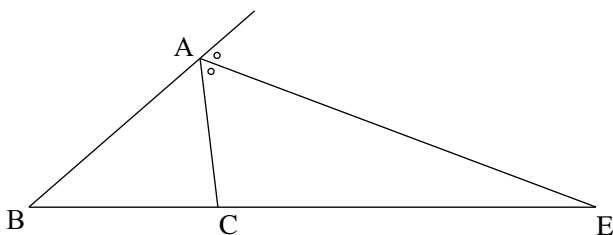
$\triangle ABC$ の $\angle A$ の二等分線と辺 BC との交点を D とすると、 D は BC を $AB : AC$ に内分する。

$$BD : DC = AB : AC$$



$AB \neq AC$ である $\triangle ABC$ の $\angle A$ の外角の二等分線と辺 BC の延長との交点を E とすると、 E は BC を $AB : AC$ に外分する。

$$BE : EC = AB : AC$$

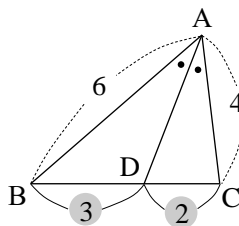


解答

(1) 線分 AD は $\angle BAC$ の二等分線であるから

$$BD : DC = AB : AC = 6 : 4 = 3 : 2$$

よって $DC = \frac{2}{5}BC = \frac{2}{5} \times 5 = 2$

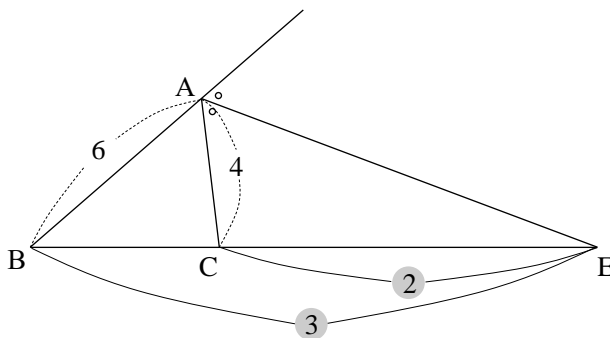


(2) 線分 AE は $\angle BAC$ の外角の二等分線であるから

$$BE : EC = AB : AC = 6 : 4 = 3 : 2$$

よって $BC : CE = 1 : 2$

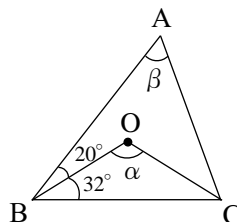
したがって $CE = 2BC = 2 \times 5 = 10$



4 外心

右の図において、点 O は $\triangle ABC$ の外心である。

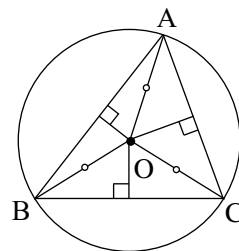
α 、 β を求めよ。



要 点

外心

$\triangle ABC$ の3つの辺の垂直二等分線は1点 O で交わる。
 点 O は、 $\triangle ABC$ の3つの頂点から等距離にあり、点 O を中心に3つの頂点を通る円が存在する。
 この円を $\triangle ABC$ の **外接円** といい、点 O を $\triangle ABC$ の **外心** という。



解答

$\angle OBC = \angle OCB$, $\angle OBC + \angle OCB + \angle BOC = 180^\circ$ から

$32^\circ + 32^\circ + \alpha = 180^\circ$ よって $\alpha = 116^\circ$

右の図のように、2点 A, O を結ぶ。

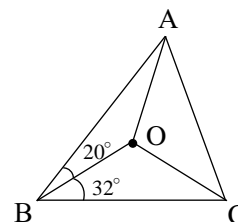
$\angle OAB = \angle OBA$, $\angle OAC = \angle OCA$,

$\angle OAB + \angle OBA + \angle OBC + \angle OCB + \angle OCA + \angle OAC = 180^\circ$ から

$20^\circ + 20^\circ + 32^\circ + 32^\circ + 2\angle OAC = 180^\circ$

よって $\angle OAC = 38^\circ$

したがって $\beta = \angle OAB + \angle OAC = 20^\circ + 38^\circ = 58^\circ$

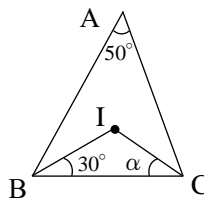


β の別解

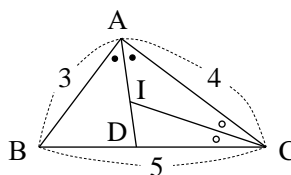
円周角の定理により $\beta = \frac{1}{2} \alpha = \frac{1}{2} \times 116^\circ = 58^\circ$

5 内心

(1) 右の図において、点 I は $\triangle ABC$ の内心である。
 α を求めよ。



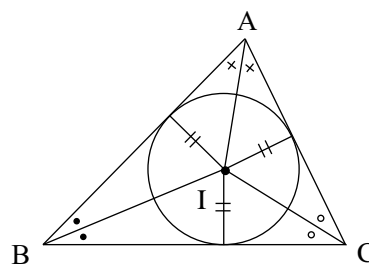
(2) $AB=3, BC=5, CA=4$ である $\triangle ABC$ において、内心を I , 直線 AI と辺 BC との交点を D とするとき、 $AI:ID$ を求めよ。



要 点

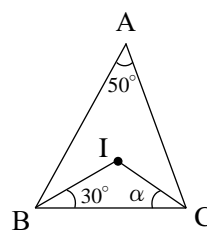
内心

$\triangle ABC$ の3つの内角の二等分線は1点 I で交わる。点 I を中心とし、 $\triangle ABC$ の3つの辺に接する円が存在する。
 この円を $\triangle ABC$ の **内接円** といい、点 I を $\triangle ABC$ の **内心** という。



解答

- (1) $\angle IBA = \angle IBC = 30^\circ$,
 $\angle ICB = \angle ICA = \alpha$,
 $\angle A + \angle IBA + \angle IBC + \angle ICB + \angle ICA = 180^\circ$ から
 $50^\circ + 30^\circ + 30^\circ + \alpha + \alpha = 180^\circ$
 よって $\alpha = 35^\circ$



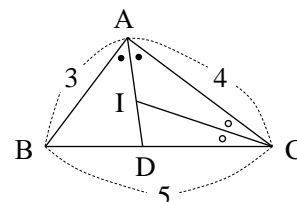
- (2) 直線 AI は $\angle A$ の二等分線であるから

$$BD : DC = AB : AC = 3 : 4$$

$$\text{よって } DC = \frac{4}{7}BC = \frac{4}{7} \times 5 = \frac{20}{7}$$

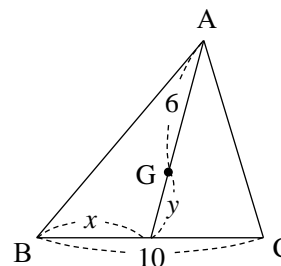
また、直線 CI は $\angle C$ の二等分線であるから

$$AI : ID = CA : CD = 4 : \frac{20}{7} = 7 : 5$$



6 重心

右の図において、点 G は $\triangle ABC$ の重心である。
 線分の長さ x, y を求めよ。



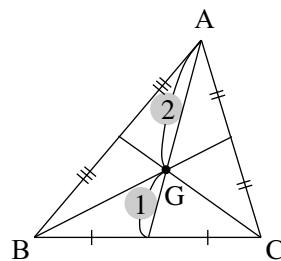
要 点

重心

$\triangle ABC$ の 3 つの中線は、1 点 G で交わる。

点 G を $\triangle ABC$ の **重心** という。

点 G は、中線を 2 : 1 に内分する。



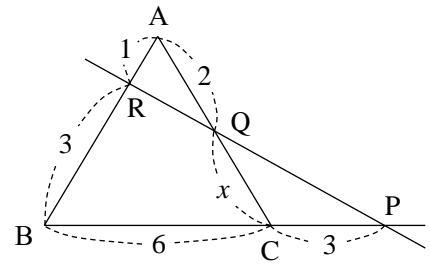
解答

$$x = \frac{1}{2} \cdot 10 = 5$$

$$6 : y = 2 : 1 \text{ から } 2y = 6 \quad y = 3$$

7 メネラウスの定理

右の図において、線分の長さ x を求めよ。

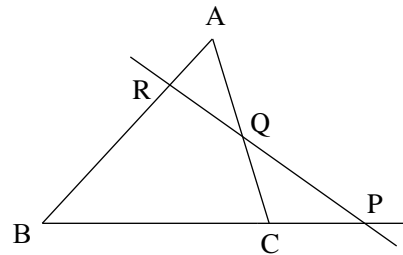


要 点

メネラウスの定理

$\triangle ABC$ の 3 辺 BC , CA , AB 上, またはそれらの延長上にそれぞれ三角形の頂点と異なる点 P , Q , R がある。3 点 P , Q , R が一直線上にあるならば

$$\frac{BP}{PC} \cdot \frac{CQ}{QA} \cdot \frac{AR}{RB} = 1$$



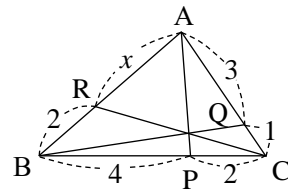
解答

メネラウスの定理により $\frac{6+3}{3} \cdot \frac{x}{2} \cdot \frac{1}{3} = 1$

よって $x=2$

8 チェバの定理

右の図において、線分の長さ x を求めよ。



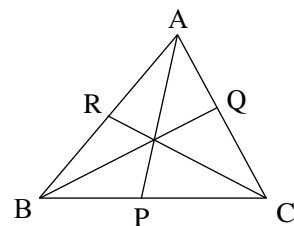
要 点

チェバの定理

$\triangle ABC$ の 3 辺 BC , CA , AB 上にそれぞれ点 P , Q , R がある。

3 直線 AP , BQ , CR が 1 点で交わるならば

$$\frac{BP}{PC} \cdot \frac{CQ}{QA} \cdot \frac{AR}{RB} = 1$$



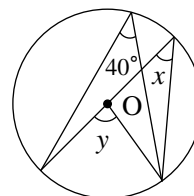
解答

チェバの定理により $\frac{4}{2} \cdot \frac{1}{3} \cdot \frac{x}{2} = 1$

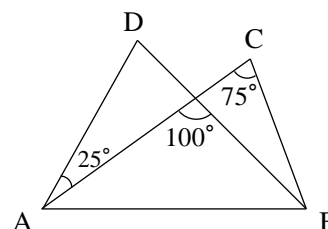
よって $x=3$

9 円周角の定理

(1) 右の図において, x, y を求めよ。
ただし, 点 O は円の中心とする。



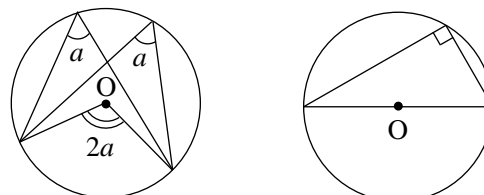
(2) 右の図において, 4点 A, B, C, D は同一円周上にあるといえるか。



要 点

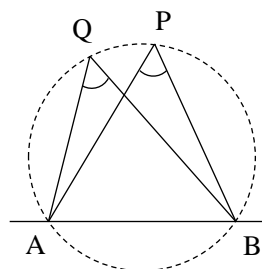
円周角の定理

1つの弧に対する円周角の大きさは一定であり, その弧に対する中心角の半分である。
特に, 半円に対する円周角は 90° に等しい。



円周角の定理の逆

2点 P, Q が直線 AB に関して同じ側にあつて, $\angle APB = \angle AQB$ が成り立つならば, 4点 A, B, P, Q は同一円周上にある。

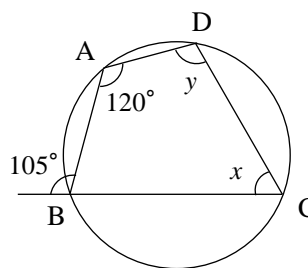


解答

- (1) 1つの弧に対する円周角の大きさは等しいから $x=40^\circ$
1つの弧に対する中心角の大きさは, その弧に対する円周角の2倍であるから
 $y=2 \times 40^\circ = 80^\circ$
- (2) $\angle ADB = 100^\circ - 25^\circ = 75^\circ$ であるから $\angle ACB = \angle ADB$
よつて, 円周角の定理の逆により, 4点 A, B, C, D は同一円周上にある。

10 円に内接する四角形の性質

右の図において、 x 、 y を求めよ。

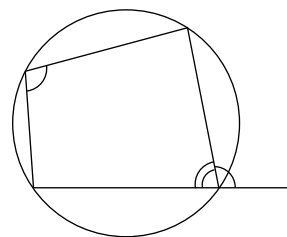


要 点

円に内接する四角形の性質

四角形が円に内接するとき

- 1 対角の和は 180° である。
- 2 外角は、それと隣り合う内角の対角に等しい。



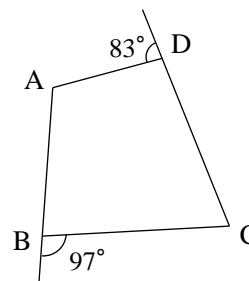
解答

$120^\circ + x = 180^\circ$ より $x = 60^\circ$

$y = 105^\circ$

11 四角形が円に内接する条件

右の四角形 ABCD は、円に内接するか。

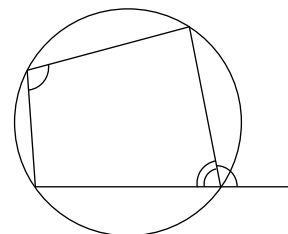


要 点

四角形が円に内接する条件

次の 1, 2 のいずれかが成り立つ四角形は、円に内接する。

- 1 1組の対角の和が 180° である。
- 2 1つの外角が、それと隣り合う内角の対角に等しい。



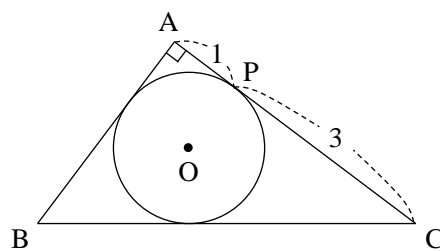
解答

$\angle ADC = 180^\circ - 83^\circ = 97^\circ$

よって、1つの外角が、それと隣り合う内角の対角に等しいから、**四角形 ABCD は円に内接する。**

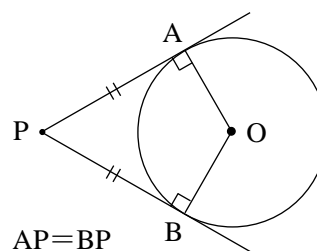
12 円の接線の性質

右の図において、円 O は $\angle A=90^\circ$ の直角三角形 ABC の内接円、点 P は辺 AC と円 O との接点である。
 $AP=1$, $CP=3$ のとき、辺 AB , BC の長さを求めよ。



要 点

円外の点からその円に接線を引くとき、その点から2つの接点までの距離は等しい。



解答

円 O と辺 AB , BC の接点をそれぞれ Q , R とすると

$$AQ=AP=1$$

$$CR=CP=3$$

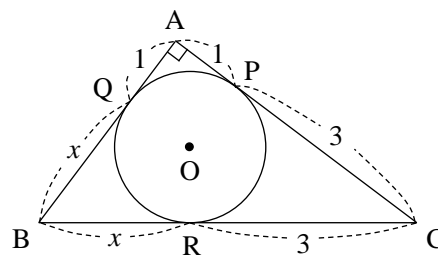
ここで、 $BQ=BR=x$ とおく。

$\triangle ABC$ において、三平方の定理により

$$(1+x)^2+4^2=(x+3)^2 \quad 1+2x+x^2+16=x^2+6x+9$$

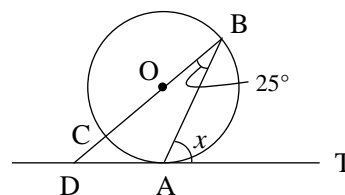
$$-4x=-8 \quad x=2$$

したがって **$AB=3$, $BC=5$**



13 円の接線と弦の作る角

右の図において、直線 AT は円 O の点 A における接線である。 x を求めよ。

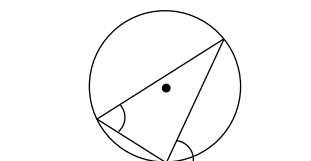


要 点

円の接線と弦の作る角

円の接線と接点を通る弦の作る角は、この角の内部にある弧に対する円周角に等しい。

〈注意〉これを、**接弦定理** とよぶこともある。



解答

点 A, C を結ぶ。

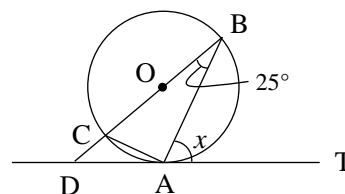
このとき、円の接線と弦の作る角の定理により $x = \angle ACB$

また、線分 BC は円の直径であるから $\angle BAC = 90^\circ$

よって、 $\triangle ABC$ において

$$\angle ACB + \angle CBA + \angle BAC = 180^\circ$$

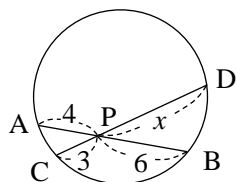
すなわち $x + 25^\circ + 90^\circ = 180^\circ$ したがって $x = 65^\circ$



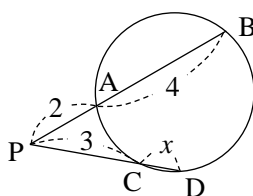
14 方べきの定理

次の図において、 x の値を求めよ。ただし、(3)の直線 PT は接点を T とする円の接線である。

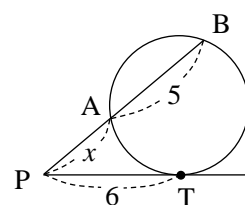
(1)



(2)



(3)

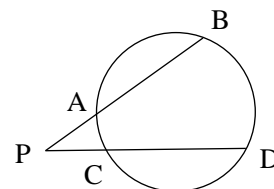
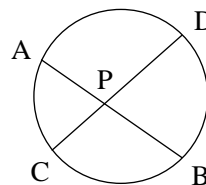


要 点

方べきの定理

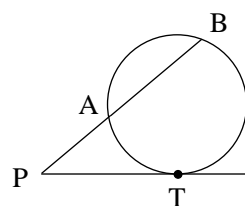
円の 2 つの弦 AB, CD, またはそれらの延長が点 P で交わるとき

$$PA \cdot PB = PC \cdot PD$$



円の弦 AB の延長上の点 P から、この円に引いた接線の接点を T とするとき

$$PA \cdot PB = PT^2$$



解答

(1) $PA \cdot PB = PC \cdot PD$ から $4 \cdot 6 = 3 \cdot x$

よって $x = 8$

(2) $PA \cdot PB = PC \cdot PD$ から $2 \cdot (2+4) = 3 \cdot (3+x)$

よって $x = 1$

(3) $PA \cdot PB = PT^2$ から $x(x+5) = 6^2$

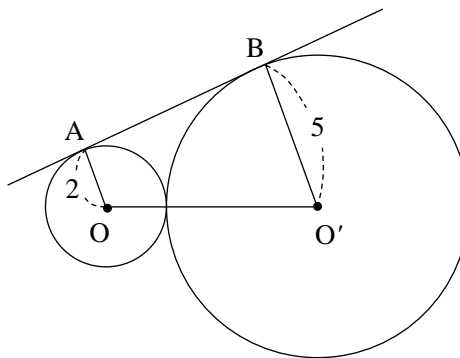
よって $x^2 + 5x - 36 = 0$ $(x+9)(x-4) = 0$

$x > 0$ より $x = 4$

15 2つの円の共通接線

右の図において、直線 AB は 2 つの外接する円 O, O' の共通接線で、点 A, B が接点である。

線分 AB の長さを求めよ。



要 点

$AB \perp OA$, $AB \perp O'B$ から, $OA \parallel O'B$ である。

線分 AB を平行移動し, 線分 OO' を斜辺とする直角三角形を作る。

解答

点 O から線分 $O'B$ に垂線 OH を引く。

$OA \perp AB$, $O'B \perp AB$ であるから, 四角形 AOHB は長方形である。よって $AB = OH$, $OA = HB$

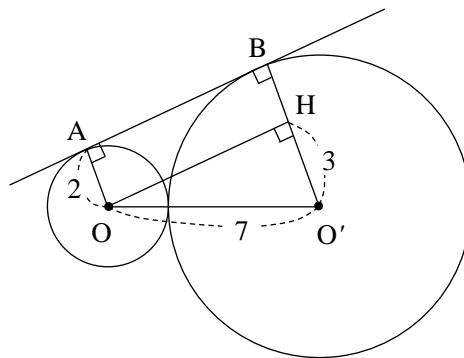
また $O'H = O'B - HB = 5 - 2 = 3$

$$OO' = 2 + 5 = 7$$

直角三角形 $OO'H$ において, 三平方の定理により

$$OH = \sqrt{OO'^2 - O'H^2} = \sqrt{7^2 - 3^2} = 2\sqrt{10}$$

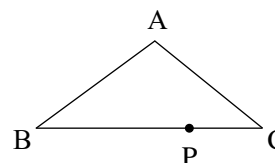
したがって $AB = OH = 2\sqrt{10}$



16 作図 (等積変形)

$\triangle ABC$ と辺 BC 上の点 P が与えられている。

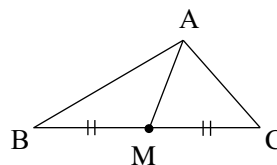
点 P を通り, $\triangle ABC$ の面積を 2 等分する直線を作図せよ。



要 点

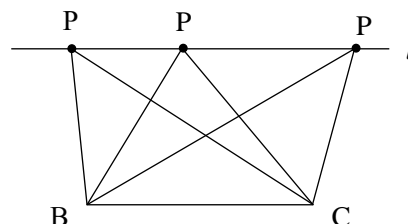
- $\triangle ABC$ の辺 BC の中点 M をとると

$$\triangle ABM = \triangle ACM$$



- 線分 BC と, それに平行な直線 l がある。

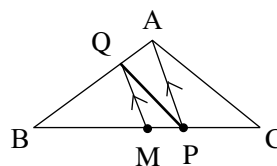
l 上の点 P と線分 BC からなる $\triangle PBC$ の面積は一定である。



これらを利用する。

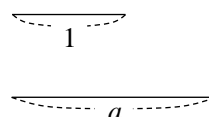
作図

- ① 辺 BC の中点 M をとる。
- ② 点 M を通り，直線 AP に平行な直線と，
辺 BC との交点を Q とする。
- ③ 点 P と点 Q を結んだ直線 PQ が求める
直線である。



17 線分の作図

- (1) 長さ 1, a の線分が与えられているとき，
長さ a^2 の線分を作図せよ。



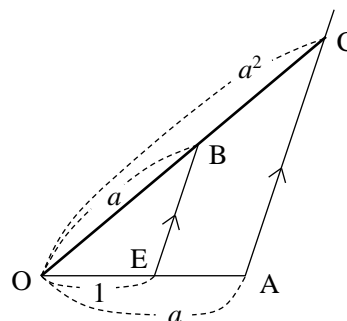
- (2) 長さ 1 の線分が与えられているとき，長さ $\sqrt{7}$ の線分を作図せよ。

要 点

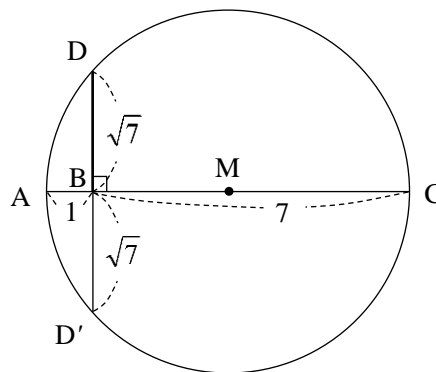
- (1) 三角形の相似（平行線と比の性質）を利用する。
- (2) 方べきの定理を利用する。

作図

- (1) ① 長さ a の線分 OA 上に $OE=1$
を満たす点 E をとる。
- ② $OB=a$ を満たす点 B を直線 OA
の外にとる。
- ③ 点 A を通り，直線 EB に平行な
直線を引き，線分 OB の延長との
交点を C とする。このとき，
 $OE : OA = OB : OC$ から，線分 OC
の長さが a^2 となる。

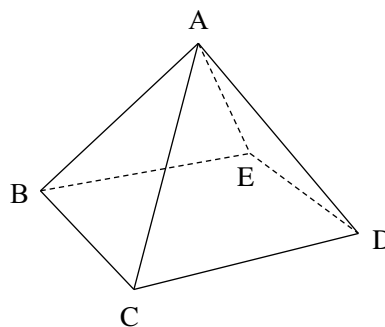


- (2) ① 同一直線上に $AB=1$, $BC=7$ と
なるような 3 点 A, B, C を，この
順にとる。
- ② 線分 AC の中点を M とし，M を
中心とする半径 AM の円をかく。
- ③ 点 B を通り，直線 AC に垂直な
直線と，②でかいた円との交点を
D, D' とする。このとき，
 $AB \cdot BC = BD \cdot BD'$ ， $BD=BD'$ より，
線分 BD および BD' の長さが $\sqrt{7}$ である。



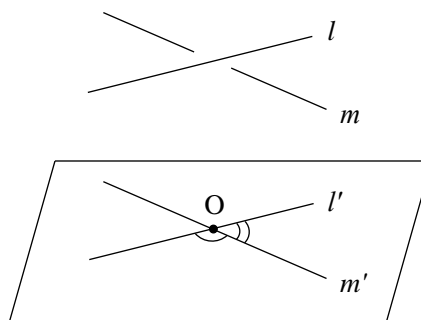
18 2直線の位置関係

右の図のような1辺の長さが1である正四角錐 A-BCDE において、2直線 AB と ED のなす角を求めよ。



要 点

2直線 l, m が平行でないとき、1点 O を通り、 l, m にそれぞれ平行な直線を l', m' とする。このとき、 l', m' のなす角は、点 O をどこにとっても変わらない。この角を2直線 l, m のなす角という。



解答

ED//BC より、2直線 AB と ED のなす角は、2直線 AB と BC のなす角と同じである。
よって 60°

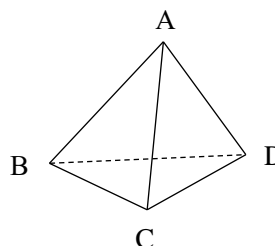
19 直線と平面の位置関係

次の問いに答えよ。

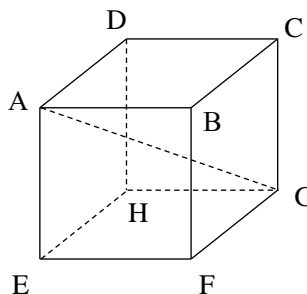
(1) 正四面体 ABCD において、

$$AB \perp CD$$

であることを示せ。



(2) 右の図のような、1辺の長さが1の立方体 ABCD-EFGH において、直線 AG と平面 EFGH のなす角を θ とするとき、 $\cos \theta$ の値を求めよ。

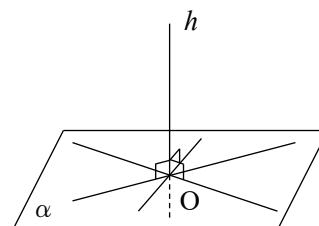


要 点

直線と平面の垂直条件

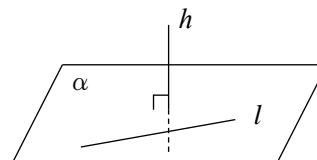
直線 h が平面 α と点 O で交わっていて、 O を通る α 上のすべての直線に垂直であるとき、直線 h は平面 α に垂直であるといい、 $h \perp \alpha$ で表す。

また、直線 h を平面 α の垂線という。

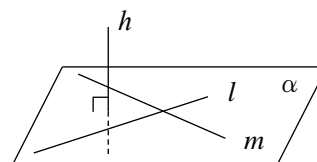


直線と平面の垂直について、次のことが成り立つ。

① 直線 h が平面 α に垂直であれば、 h は α 上のすべての直線に垂直である。



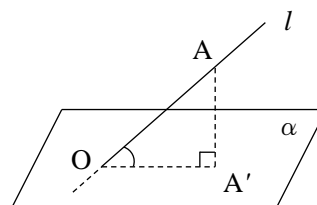
② 交わる2直線 l, m のいずれにも垂直な直線 h は、2直線 l, m の定める平面 α に垂直である。



直線と平面のなす角

右の図のように、直線 l と平面 α が点 O で交わるとき、 l 上の O 以外の点 A から α に垂線 AA' を引く。このとき、 $\angle AOA'$ の大きさは、点 A をどこにとっても変わらない。この角を、直線 l と平面 α のなす角という。

特に、点 A' が点 O に一致するとき、 l と α のなす角は直角になる。



解答

(1) 辺 CD の中点を M とする。

$\triangle ACD$ は $AC=AD$ の二等辺三角形と考えることができる。

よって $AM \perp CD$ ……①

$\triangle BCD$ においても同様に考えると

$BM \perp CD$ ……②

①, ②から $CD \perp$ 平面 ABM

ここで、辺 AB は平面 ABM 上にあるから

$AB \perp CD$

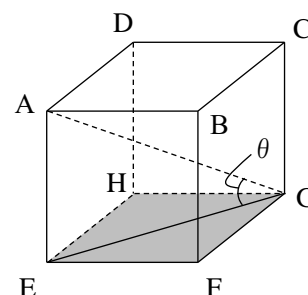
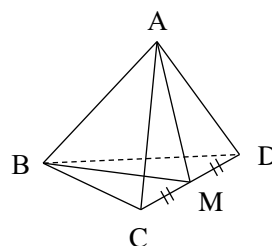
(2) 直線 AG は平面 $EFGH$ と点 G で交わる。

また、点 A から平面 $EFGH$ に引いた垂線は AE であるから

$\theta = \angle AGE$

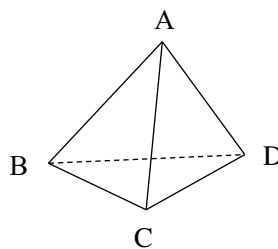
ここで、 $AE=1$, $EG=\sqrt{2}$ であるから $AG=\sqrt{3}$

したがって $\cos \theta = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{6}}{3}$



20 2平面の位置関係

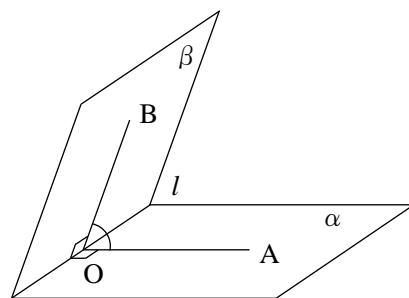
1辺の長さが1の正四面体 ABCD において、
平面 ACD と平面 BCD のなす角を θ とする
とき、 $\cos \theta$ の値を求めよ。



要 点

2平面のなす角

異なる2平面 α , β が交わるとき、その交線を l とする。
 l 上の1点 O を通り、 l に垂直な直線 OA , OB をそれぞれ
 α , β 上に引くと、 OA , OB のなす角は、 O を l 上のどこ
にとっても変わらない。
この角を2平面 α , β のなす角という。



解答

平面 ACD と平面 BCD の交線は直線 CD である。

辺 CD の中点を M とする。

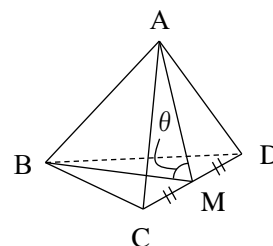
$\triangle ACD$ は $AC=AD$ の二等辺三角形と考えること
ができる。よって $AM \perp CD$

$\triangle BCD$ においても同様に考えると $BM \perp CD$

したがって $\theta = \angle AMB$

ここで、 $AB=1$, $AM=BM=\frac{\sqrt{3}}{2}$ であるから

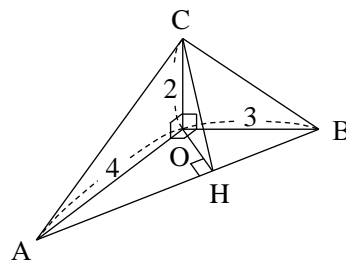
$$\cos \theta = \frac{AM^2 + BM^2 - AB^2}{2AM \cdot BM} = \frac{\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^2 + \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^2 - 1^2}{2 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2}} = \frac{\frac{1}{2}}{\frac{3}{2}} = \frac{1}{3}$$



21 三垂線の定理

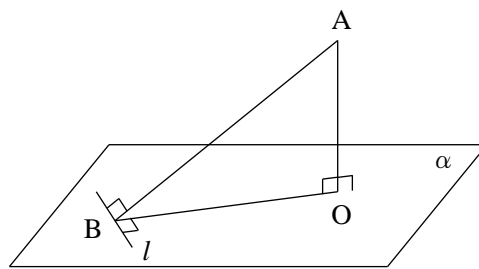
互いに垂直な線分 OA , OB , OC があり、 $OA=4$, $OB=3$,
 $OC=2$ である。点 O から線分 AB に垂線 OH を引くとき、
次の問いに答えよ。

- (1) 線分 OH の長さを求めよ。
- (2) 線分 CH の長さを求めよ。
- (3) $\triangle ABC$ の面積を求めよ。



要 点

- ① $AO \perp \alpha$, $OB \perp l$ ならば $AB \perp l$
- ② $AO \perp \alpha$, $AB \perp l$ ならば $OB \perp l$
- ③ $AB \perp l$, $OB \perp l$, $AO \perp OB$ ならば $AO \perp \alpha$



解答

(1) $\triangle OAB$ の面積に着目すると

$$\frac{1}{2} \times OA \times OB = \frac{1}{2} \times AB \times OH \quad \dots\dots \textcircled{1}$$

$OA=4$, $OB=3$, $AB=\sqrt{3^2+4^2}=5$ であるから

①より $\frac{1}{2} \times 4 \times 3 = \frac{1}{2} \times 5 \times OH$

よって $OH = \frac{12}{5}$

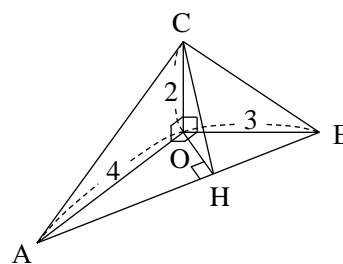
(2) $\triangle OCH$ は $\angle COH=90^\circ$ の直角三角形であるから

$$CH = \sqrt{OC^2 + OH^2} = \sqrt{2^2 + \left(\frac{12}{5}\right)^2} = \frac{2\sqrt{61}}{5}$$

(3) $OC \perp$ 平面 OAB , $OH \perp AB$ であるから、三垂線の定理により $CH \perp AB$

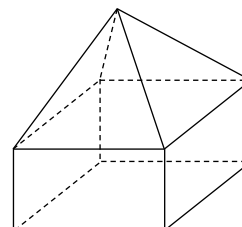
したがって、 $\triangle ABC$ の面積は

$$\frac{1}{2} \times AB \times CH = \frac{1}{2} \times 5 \times \frac{2\sqrt{61}}{5} = \sqrt{61}$$



2 2 オイラーの多面体定理

右の図のような多面体において、オイラーの多面体定理が成り立つことを確かめよ。



要 点

オイラーの多面体定理

へこみのない多面体において、頂点の数を v 、辺の数を e 、面の数を f とすると

$$v - e + f = 2$$

解答

頂点の数 v は 9 個

辺の数 e は 16 本

面の数 f は 9 個

であるから $v - e + f = 9 - 16 + 9 = 2$

よって、オイラーの多面体定理は成り立つ。

研究 三角形の辺と角

次の問いに答えよ。

(1) $\triangle ABC$ において、 $\angle A$ の二等分線と辺 BC の交点を D とするとき、

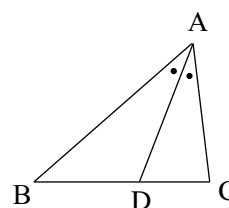
$$AB > BD$$

であることを証明せよ。

(2) 3 辺の長さが次のような三角形は存在するかどうかを調べよ。

① 2, 3, 4

② 1, 3, 5

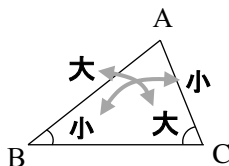


要点

辺の大小と対角の大小

$\triangle ABC$ において

$$AB > AC \iff \angle C > \angle B$$



三角形の辺の長さの関係

三角形の 2 辺の長さの和は、残りの 1 辺の長さより大きい。

すなわち、正の実数 a, b, c が、 $a + b > c$ かつ $b + c > a$ かつ $c + a > b$ を満たす。

\iff 正の実数 a, b, c を 3 辺の長さにもつ三角形が存在する。

解答

(1) 直線 AD は $\angle BAC$ の二等分線であるから

$$\angle BAD = \angle CAD \quad \dots\dots ①$$

一方、 $\angle ADB$ は $\triangle ADC$ の外角であるから

$$\angle ADB = \angle ACD + \angle CAD \quad \dots\dots ②$$

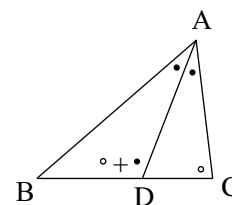
よって、①、②から $\angle ADB > \angle BAD$

したがって、三角形の辺と角の大小関係により $AB > BD$

(2) ① $2 + 3 > 4, 3 + 4 > 2, 4 + 2 > 3$

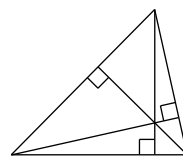
であるから、3 辺の長さが 2, 3, 4 の三角形は存在する。

② $5 > 1 + 3$ であるから、3 辺の長さが 1, 3, 5 の三角形は存在しない。



参考 1 垂心

三角形の各頂点から、それぞれの対辺またはその延長上に引いた 3 本の垂線は 1 点で交わる。



証明

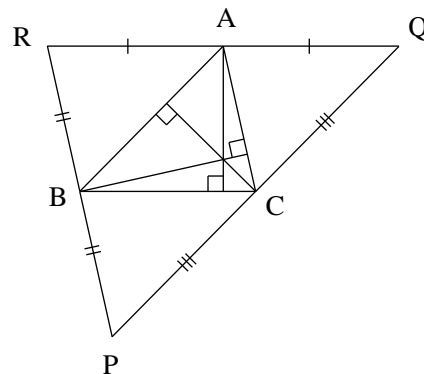
$\triangle ABC$ において、各頂点から対辺またはその延長上に垂線を引く。また、頂点 B, C, A を通り、それぞれ対辺に平行な直線を引き、それらの交点を、図のように P, Q, R とする。

四角形 $ARBC$, 四角形 $ABCQ$ はいずれも平行四辺形であるから

$$BC=RA, BC=AQ$$

よって $RA=AQ$

また、 $BC \parallel RQ$ であるから、線分 RQ の垂直二等分線は、頂点 A からその対辺に引いた垂線と一致する。同様に、線分 PR, QP の垂直二等分線は、それぞれ頂点 B, C からその対辺に引いた垂線と一致する。ここで、 $\triangle PQR$ の 3 辺の垂直二等分線は 1 点で交わる。すなわち、 $\triangle ABC$ の 3 本の垂線は 1 点で交わる。



三角形の 3 本の垂線の交点を、三角形の **垂心** という。

参考 2 傍心

$\triangle ABC$ の 1 つの内角の二等分線と、残り 2 つの外角の二等分線は 1 点で交わる。この点は 3 直線 AB, BC, CA から等距離にあるから、その点を中心として 3 直線 AB, BC, CA に接する円をかくことができる。

右の図の円を $\angle A$ に対する **傍接円** といい、この円の中心 J を **傍心** という。

同様に、 $\angle B, \angle C$ に対する傍心と傍接円も存在する。

